

# FERRAMENTA DE INTERVENÇÃO

# Compreensão da relação entre números fracionários e percentagens

## 1. Introdução

De forma a desenvolver um conjunto de atividades educacionais que visam ajudar a compreender a relação entre números fracionários e percentagens, melhorando a capacidade de raciocínio, referimo-nos a alguns referenciais teóricos que serão descritos na secção 2.

Na secção 3, é feita a descrição das atividades educacionais. Em particular, se as atividades são dirigidas a um único aluno ou à turma, o objetivo pedagógico das atividades, a área cognitiva e domínio matemático envolvido e os objetos matemáticos nas áreas de dificuldades identificadas através do questionário B2.

### 2. Enquadramento teórico de referência

As referências teóricas que nos ajudaram a delinear as atividades são:

1) Princípios do Universal Design for Learning (UDL) (Tabela 3), uma estrutura concebida especificamente educacionais inclusivas para projetar atividades (http://udlguidelines.cast.org/)

Tabela 3: Orientações da UDL

	Fornecer vários meios de	Fornecer vários meios de	Fornecer vários meios de AÇÃO e
	ENVOLVIMENTO	REPRESENTAÇÃO	EXPRESSÃO
	Redes afetivas	Redes de reconhecimento	Redes estratégicas
	o "PORQUÊ" da aprendizagem	O "O QUÊ" da aprendizagem	O "COMO" da aprendizagem
Adesão	Fornece opções para o Interesse no envolvimento:  Otimizar a escolha individual e a autonomia  Otimizar a relevância, o valor e a autenticidade  Minimizar ameaças e distrações	Fornece opções para Percepção:  Oferecer uma forma de personalizar a exibição de informações  Oferecer alternativas para informações auditivas  Oferecer alternativas para informações visuais	Fornece opções para <b>Ações Físicas</b> :  • Variar o método de resposta e navegação  • Otimizar o acesso a ferramentas e tecnologias de apoio
Construção	Fornece opções para Esforço e Persistência:  • Aumentar a relevância das metas e objetivos  • Variar exigências e recursos para otimizar o desafio  • Promover a colaboração e o espírito de equipa  • Aumentar o feedback orientado para o professor	Fornece opções para Idiomas e Símbolos:  • Esclarecer vocabulário e símbolos  • Esclarecer a sintaxe e a estrutura  • Ajudar a descodificação de texto, notação matemática e símbolos  • Promover a compreensão entre as diferentes linguagens  • Ilustrar através de múltiplas representações	Fornece opções para Expressão e Comunicação:  Usar vários meios para comunicação  Usar várias ferramentas para construção e estruturação  Construir fluências com níveis graduados de suporte para prática e desempenho



Interiorização	Fornece opções para Autorregulação:  Promover expectativas e crenças que otimizam a motivação  Facilitar habilidades e estratégias pessoais de enfrentar situações  Desenvolver a autoavaliação e a reflexão	Fornece opções para  Compreensão:  Ativar ou fornecer conhecimento prévio  Realçar padrões, características, grandes ideias e relações  Guiar o processamento e a visualização de informações  Maximizar a transmissão e generalização	Fornece opções para Funções Executivas:  Orientar o estabelecimento de metas adequadas  Apoiar o planeamento e desenvolvimento de estratégias  Facilitar a gestão de informações e de recursos  Aumentar a capacidade de monitorizar o progresso
Meta	Alunos que são		
	Determinados & Motivados	Perspicazes & Conhecedores	Estratégicos e Focados

O Centro de Tecnologia Especial Aplicada (CAST) desenvolveu uma estrutura abrangente em torno do conceito de Design Universal para Aprendizagem (UDL), com o objetivo de focar na pesquisa, no desenvolvimento e na prática educacional e compreensão da diversidade e na facilitação da aprendizagem (Edyburn, 2005). O UDL inclui um conjunto de Princípios, articulados nas Diretrizes e Pontos de Verificação. A pesquisa que fundamenta a estrutura da UDL é que "os alunos são altamente variáveis em sua resposta à instrução. [...] "

Assim, o UDL foca essas diferenças individuais como um elemento importante para a compreensão e o projeto de uma instrução eficaz para a aprendizagem.

Para atingir este objetivo, a UDL apresenta três princípios fundamentais: 1) fornecer vários meios de representação, 2) fornecer vários meios de ação e expressão, 3) fornecer vários meios de compromisso. Em particular, as diretrizes do primeiro princípio têm a ver com os meios de percepção envolvidos no recepção de certas informações e de "compreensão" das informações recebidas. No entanto, as diretrizes do segundo princípio levam em consideração a elaboração de informações / ideias e sua expressão. Por fim, as diretrizes do terceiro princípio tratam do domínio do "afeto" e da "motivação", também essenciais em qualquer atividade educacional.

Para as nossas análises, vamos concentrar-nos em particular nas diretrizes específicas dos três Princípios.

As diretrizes do Princípio 1 (fornecer vários meios de representação), sugerem propor diferentes opções de percepção e oferecer suporte para a decodificação de notações e símbolos matemáticos. Além disso, as diretrizes sugerem a importância de fornecer opções para padrões de destaque de compreensão, características críticas, grandes ideias e relações entre noções matemáticas. Finalmente, nossas análises darão exemplos de como o software AlNuSet pode quiar o processamento, visualização e manipulação da informação, a fim de maximizar a transferência e generalização.

Além disso, as diretrizes do Princípio 2 (fornecer vários meios de ação e expressão) sugerem oferecer diferentes opções de expressão e comunicação para apoiar o planejamento e o desenvolvimento de estratégias. Finalmente, as diretrizes do Princípio 3 mostram como certas atividades podem atrair o interesse dos alunos, otimizando a escolha individual e a autonomia e minimizando ameaças e distrações.

Na secção 4, analisaremos exemplos de atividades, classificando-as tanto pelo tipo de aprendizagem matemática para que são projetadas como pela área cognitiva que apoiam.

Mostraremos como esses exemplos foram elaborados com base nos princípios do UDL, a fim de torná-los inclusivos e eficazes para superar as dificuldades matemáticas identificadas pelo questionário B2.

2) O Projeto Europeu FasMed, que incidiu sobre a avaliação formativa em matemática e ciências, (https://research.ncl.ac.uk/fasmed/).[5EP]





A avaliação formativa (AF) é concebida como um método de ensino onde "as evidências sobre o desempenho do aluno são obtidas, interpretadas e usadas por professores, alunos ou seus colegas para tomar decisões sobre as próximas etapas na instrução que provavelmente serão melhores, ou melhor fundamentadas, do que as decisões que teriam tomado na ausência das evidências que foram evidenciadas "(Black & Wiliam, 2009, p. 7). O projeto FaSMEd refere-se ao estudo de Wiliam e Thompson (2007), que identifica cinco estratégias-chave para as práticas de AF no ambiente escolar: (a) esclarecer e compartilhar intenções de aprendizagem e critérios para o sucesso; (b) desenvolver discussões eficazes em sala de aula e outras tarefas de aprendizagem que evidenciem a compreensão do aluno; (c) fornecer feedback que mova os alunos para a frente; (d) ativar os alunos como recursos instrucionais uns para os outros; (e) ativar os alunos como donos de sua própria aprendizagem. O professor, os colegas do aluno e o próprio aluno são os agentes que ativam essas estratégias de AF.

Tabela 4: Estratégias de avaliação formativa

	Para onde o aluno se está a direcionar	Onde o aluno está agora	Como chegar lá
Professor	Esclarecer as intenções de aprendizagem e os critérios para o sucesso	2.Planear discussões eficazes em sala de aula e outras tarefas de aprendizagem que evidenciem a compreensão do aluno	3.Fornecer feedback que ajude os alunos a progredir
Colega	Compreender e partilhar intenções de aprendizagem e critérios para o sucesso	Estimular os alunos como re uns para os outros	ecursos de aprendizagens de
Aluno	Compreender as intenções de aprendizagem e os critérios para o sucesso	5. Estimular os alunos cor aprendizagem	no donos da sua própria

As atividades do FaSMEd são organizadas em sequências que englobam trabalhos de grupo em fichas de trabalho e discussão em aula onde os trabalhos de grupo selecionados são discutidos por toda a turma, sob a orientação do professor. Levando em consideração as estratégias de avaliação formativa e as funcionalidades da tecnologia, Cusi, Morselli & Sabena (2017, p. 758) desenvolveram três tipos de fichas para a atividade em sala de aula:

- "(1) questionário de problemas: fichas de trabalho que apresentam um problema e fazem uma ou mais perguntas envolvendo a interpretação ou a construção da representação (verbal, simbólica, gráfica, tabular) da relação matemática entre duas variáveis (por exemplo, interpretando um gráfico de tempo-distância ):
- (2) questionário de auxílio, destinadas a apoiar os alunos que enfrentam dificuldades com os formulários de problemas, fazendo sugestões específicas (por exemplo, questões norteadoras);
- (3) questionário de votação: fichas de trabalho solicitando uma votação entre as opções propostas

Os autores identificaram estratégias de feedback (Tabela 5) que o professor pode adotar para dar feedback aos alunos (Cusi, Morselli & Sabena, 2018, p. 3466). Essas estratégias são empregadas na discussão em aula que é organizada pelo professor após o trabalho em grupo nas fichas.



#### Tabela 5:

Repetição	Quando o professor repete a intervenção de um aluno para chamar a atenção sobre a mesma. Frequentemente, durante a repetição, o professor enfatiza com a entoação de voz algumas palavras cruciais da frase. A reformulação ocorre quando o professor reformula a intervenção de um aluno, com o duplo objetivo de chamar a atenção da turma e tornar a intervenção mais inteligível para todos.
Reformulação	A reformulação ocorre quando o professor reformula a intervenção de um aluno, com o duplo objetivo de chamar a atenção da turma e tornar a intervenção mais inteligível para todos. A reformulação é aplicada quando o professor sente que a intervenção poderia ser útil, mas precisa ser comunicada de uma forma melhor para se tornar um recurso para os outros. [] As estratégias de repetição e reformulação [] fazem de um aluno (o autor da intervenção) um recurso para a aula.
Reformulação com apoio	Quando o professor, além de reformular, adiciona alguns elementos para orientar o trabalho dos alunos.
Recomeço	Quando o professor reage à intervenção de um aluno, que considera interessante para a turma, não dando um feedback direto, mas colocando uma questão relacionada. Desta forma, ao relançar o assunto, o professor fornece um feedback implícito [] sobre a intervenção do aluno, sugerindo que a questão é interessante e vale a pena ser aprofundada ou, inversamente, tem alguns pontos problemáticos e deve ser reformulada.
Destaque	O destaque ocorre quando o professor chama a atenção para duas ou mais intervenções, representando duas posições distintas, de modo a promover uma comparação. Em contraposição, [] os autores das duas posições podem ser recursos para a turma e também responsáveis pela sua aprendizagem.

A partir da experiência do FaSMEd, extraímos a ideia de criar atividades de sala de aula na perspetiva da avaliação formativa, que podem promover a inclusão.

# 3. Design

## 3.1 Dificuldades identificadas através do questionário B2

Detetámos dificuldades no seguinte item do questionário B2 (Q3 Ar3):

4/5 dos animais da quinta são vacas. Expresse o número de vacas em percentagem do total de animais da quinta.

Essa dificuldade está relacionada com a compreensão da relação entre números fracionários e percentagens e revela dificuldades na capacidade de raciocínio.

### 3.2 Área cognitiva e domínio matemático de interesse

A área de dificuldades identificada através do questionário B2 está relacionada ao domínio da Aritmética. Em particular, a dificuldade está relacionada à compreensão da relação entre números fracionários e percentagens. Assim, o Raciocínio é a área cognitiva envolvida (Tabela 1).



Tabela 1: As dificuldades detetadas estão ligadas ao domínio cognitivo do Raciocínio e ao domínio da aritmética.:

	Aritmética	Geometria	Álgebra
Memória			
Raciocínio	Q3Ar3:4/5 dos animais da quinta são vacas. Expresse o número de vacas em percentagem do total de animais da quinta.		
Visuo- espacial			

#### 3.3 Objetivos Educacionais

A ferramenta de intervenção visa ajudar na compreensão da relação entre números fracionários e percentagens.

#### 3.4 Destinatários

A ferramenta de intervenção articula-se num conjunto de atividades que devem ser realizadas com toda a turma, numa perspetiva de inclusão.

#### 3.5 Atividades educacionais: a ferramenta de intervenção

As sequências de ensino são concebidas para abordar dificuldades específicas de aprendizagem, dentro de uma perspectiva inclusiva. As atividades desempenham o papel de treino cognitivo. Em particular, o aluno é levado a compreender a semântica de toda a tarefa escrita (problema de palavras), o significado de cada termo matemático específico apresentado no exercício e o procedimento passo a passo para apreender as suas relações matemáticas.

A primeira ideia no desenho das atividades baseia-se na proposta de uma espécie de ficha de problemas relacionada à compreensão da semântica do exercício. O professor escreverá no quadro o texto do exercício, sublinhando algumas partes das frases da seguinte forma:

4/5 dos animais da quinta são vacas. Expresse o número de vacas em percentagem do total de animais da quinta.

O professor pode promover uma discussão entre os alunos sobre:

Além disso, o professor pode propor uma discussão, que apoia uma concepção de números fracionários como parte de um todo, usando exemplos da vida real como os seguintes:

- partilhar uma pizza com um amigo significa administrar um número inteiro (uma pizza) e um número fracionário (a parte da pizza para dar a um amigo). A pizza pode ser representada como um círculo, dividido em quatro partes iguais (figura 1):

<sup>&</sup>quot;As partes sublinhadas das duas frases referem-se ao mesmo objeto?"

<sup>&</sup>quot;O que é este objeto?"

<sup>&</sup>quot;Este objeto (o total dos animais da fazenda) pode ser definido como um todo?"



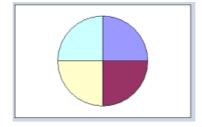


Figura 1

Cada parte representa um quarto da pizza inteira ou 1/4 do total. Pode ser útil lembrar aos alunos que uma fração cujo numerador é 1 é uma fração unitária e representa 1 parte sombreada de todas as partes iguais do todo. Neste exemplo, 1/4 é a fração da unidade. Da mesma forma, 3/4 de uma pizza, significa dividir a pizza em quatro fatias e pegar três dessas fatias, como na figura 2 a seguir:

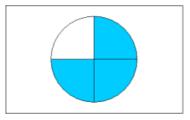


Figura 2

As três partes do todo consideradas equivalem a três vezes a fração unitária 1/4. As três partes juntas representam uma nova fração do todo:

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

Como pode ser visto no exemplo da figura 2, o professor pode enfatizar aos alunos como um número fracionário pode ser interpretado como um operador que divide o todo em partes iguais considerando apenas algumas delas.

Voltando ao texto do exercício sobre os animais na quinta, o professor pedirá aos alunos que encontrem os termos matemáticos exibidos na tarefa, tal como 4/5, um número fracionário específico e a palavra percentagem (latim, per centum, significa por cem) normalmente traduzido para o código matemático com o símbolo "%".

Em particular, sobre números fracionários, pode ser relevante fazer uma revisão desta etapa o significado de Números Fracionários Equivalentes. O professor orientará a discussão tanto através de representações gráficas quanto de números, para que os alunos possam passar de um código a outro (processo de transcodificação). Será proposto à turma um modelo matemático, constituído por 3 faixas, cada uma delas tendo como critérios básicos, comprimento igual e a mesma unidade de medida escolhida (escala do modelo), conforme se apresenta na folha de apoio (figura 3). É importante focar a atenção dos alunos nos critérios básicos do modelo que permitem comparar as unidades fracionárias representadas em cada faixa.



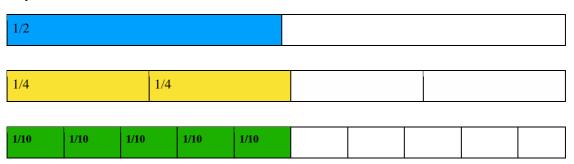


Figura 3 - Revisão do significado de números fracionários equivalentes

Com base nos critérios acima mencionados, os alunos podem ver como os números fracionários exibidos na figura 3, 1/2, 2/4 e 5/10 representam o mesmo número que 1/2.

Solicitando aos alunos que adicionem alguns outros exemplos de frações equivalentes, os alunos demonstrarão ter compreendido o significado dos números fracionários equivalentes. Além disso, o professor solicitará aos alunos que formalizem a forma de obtenção das frações equivalentes. Uma discussão (orientada pelo professor) sobre o que os alunos observam na figura 3 e como podem interpretá-lo de forma aritmética permite que os alunos construam o significado dos números fracionários como partes de um todo e frações equivalentes.

Em termos de avaliação formativa, a estratégia 2 é ativada. Durante a discussão, as estratégias 5 e 4 são acionadas, uma vez que os alunos podem intervir para expressar as suas dúvidas (tornando-se assim donos de sua própria aprendizagem) ou para dar explicações aos seus companheiros (tornando-se recursos para os companheiros).

O professor e os colegas podem fornecer feedback a um aluno, ativando a estratégia 3. Uma atenção específica deve ser dada à percentagem e ao seu significado. O professor pode dar aos alunos uma percentagem, por ex. 2% pedindo-lhes para encontrar o seu equivalente como uma fração com denominador 100, que pode ser alternativamente expresso como "centésimo" / "centésimos".

#### Construção da relação entre números fracionários e percentagens usando objetos visuais

Para permitir que os alunos construam a conexão entre números fracionários e percentagens, o professor irá propor o uso de uma representação visual e pedir aos alunos que desenhem (melhor em papel quadriculado) um todo, usando como representação um quadrado com comprimento e largura igual a 10 vezes do lado dos quadrados do papel (figura 4a). Facilmente os alunos podem interpretar o todo igual a 100 quadrados de papel. O papel quadrado atua como uma grelha gráfica (figura 4b) sobrepondo e dividindo o todo em cem partes iguais.

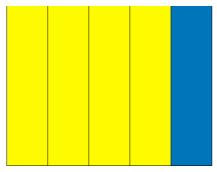


Figura 4a: um quadrado que representa o todo

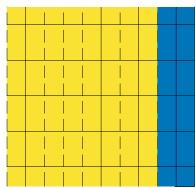
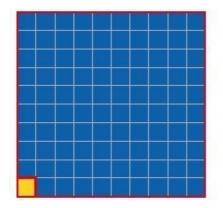


Figura 4b: o todo está dividido em 100 partes iguais



Assim, o professor apresenta 2 quadrados iguais, cada um dividido em cem partes, representando em amarelo diferentes partes do todo (figura 4c e figura 4d):



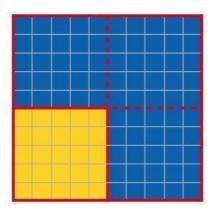


Figura 4c: quantidade amarela= 1 quadrado

Figura 4d: quantidade amarela = 25 quadrados

O professor pode destacar no quadrado referido na figura 4c, uma das 100 partes com a cor amarela, promovendo uma discussão entre os alunos a fim de expressar a quantidade amarela do todo, com os dois códigos matemáticos previamente revistos (frações e percentagens).

A quantidade amarela mostrada na figura 4c é facilmente reconhecida como equivalente a 1/100 = 1% do total. O professor apresentará novos exemplos (por exemplo, figura 4d) para a turma, pedindo aos alunos que representem novas quantidades nos seus quadrados e os traduzam em códigos matemáticos usando números fracionários com denominador 100 e percentagens.

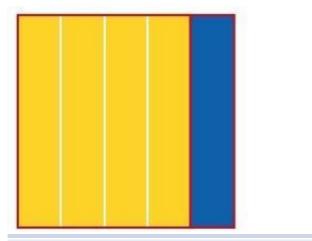
Além disso, o professor pode iniciar a discussão fazendo as seguintes perguntas: "Qual a quantidade que desenhou no seu papel? Como interpreta essa quantidade a partir dos códigos matemáticos estudados anteriormente? ".

Uma discussão, orientada pelo professor, sobre o que os alunos observam e como interpretam, permite aos alunos construir a relação entre os números fracionários, que tem como denominador 100, e as percentagens. Em termos de avaliação formativa, a estratégia 2 (discussão em sala de aula) é ativada. Durante a discussão, as estratégias 4 e 5 também são acionadas, desde que os alunos possam intervir para expressar suas dúvidas (tornandose assim donos de sua própria aprendizagem) ou para dar explicações aos seus companheiros (tornando-se assim recursos para os companheiros). O professor e os colegas podem fornecer feedback a um aluno, ativando a estratégia 3.

Assim, o professor pode pedir aos alunos que leiam novamente o teste do exercício Q3Ar3, colocando as seguintes questões: "Devido ao número fracionário dado ter denominador diferente de cem, como proceder para calcular a percentagem equivalente?" e "Comparando com o que é mostrado nas figuras 4, que passo adicional é necessário para resolver o problema?". Uma discussão sobre o que os alunos observam nos quadrados da figura 4 e o significado das frações equivalentes revistas na figura 3, permitirá aos alunos construir a conexão entre frações numéricas e porcentagens.

A relação entre Números Fracionários e Percentagens, pertencente ao domínio aritmético, é construída de forma perceptiva através de objetos visuais. Os alunos serão capazes de resolver o problema apresentado. Assim, no final da tarefa, o professor resumirá as etapas mais eficazes do procedimento de resolução de problemas implementado e representará, através de objetos visuais, a solução do problema já calculada pelos alunos comparando objetos visuais (figuras 5a e 5b) e símbolos matemáticos :





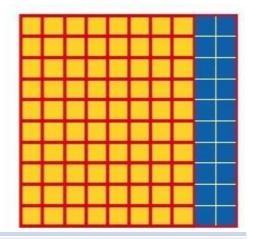


Figura 5a: 4/5 do todo

Figura 5b: 80/100 do todo

Na figura 5a, a parte amarela do quadrado representa 4/5 do todo, pois o quadrado foi dividido em cinco partes iguais e, em seguida, quatro delas foram preenchidas. Enquanto 1/5 representa a fração unitária de um todo, o número fracionário 4/5 atua como um operador, dividindo o todo em partes iguais e considerando quatro delas:

4/5 do todo = (1/5+1/5+1/5+1/5) do todo

Usando os números fracionários equivalentes, 4/5 do todo podem ser transformados numa fração tendo como denominador 100, aplicando o seguinte procedimento:

$$\frac{4}{5} \text{ do todo} = \frac{4 \times 20}{5 \times 20} \text{ do todo} = \frac{80}{100} \text{ do todo}$$

Conforme mostrado na figura 5b, 80/100 de um todo significa dividir um todo em 100 partes iguais e considerar 80 delas. A tarefa apresentada foi resolvida: 4/5 dos animais da quinta equivalem a uma percentagem igual a 80% deles:

# 80 dos animais da quinta = 80 % dos animais da quinta

Para permitir a compreensão das relações matemáticas pelos alunos, uma série de exercícios, centrados no mesmo conteúdo matemático, serão propostos pelo professor (estratégia de ativação 4 e 5). Capacidades do domínio da memória podem ser desenvolvidas à medida que muitos estudos confirmam a conexão entre o domínio do raciocínio e o domínio da memória.

A construção do conceito realizada a partir da representação gráfica dos quadrados (canal visual) pode permitir aos alunos, e principalmente aos alunos com MLD, encontrar referências mnemónicas adequadas ao seu estilo cognitivo. Isso permite começar a usar representações desses conceitos aritméticos, possivelmente, colocá-los e recuperá-los da memória de longo prazo de uma forma mais eficaz.

4. Discussão através das orientações da UDL sobre as atividades mencionadas acima Observamos que o mesmo objetivo educacional de construir a conexão entre frações numéricas e percentagens é abordado usando os três princípios da UDL (Tabela 7, a vermelho comentários para ilustrar a conexão entre os princípios e nossas atividades).



Tabela 7: Análise das atividades através da tabela dos princípios da UDL.

Compromisso	Representação	Ação & Expressão
Recrutamento de interesse	Percepção	Ação física
Otimiza a escolha individual e a autonomia	Fornece maneiras de personalizar a exibição de informações	Vários métodos de resposta e navegação
Otimiza a relevância, o valor e a autenticidade	Oferece alternativas para ouvir informações	
Minimiza ameaças e distrações	Oferece alternativas para informações visuais	
	Diferentes registos através dos quais as informações são exibidas (visual; simbólico)	
Sustentação do esforço, Persistência	Linguagem & Símbolos  Esclarece o vocabulário e os	Expressão comunicação
Aumenta a relevância das metas e objetivos	símbolos  Esclareça a sintaxe e a estrutura	Usa vários meios de comunicação
Varia as demandas e recursos para otimizar o desafio	Oferecer linguagem e símbolos alternativos para descodificar informações e trabalhar com as informações  Suporta decodificação de texto, notação matemática e símbolos	Usa várias ferramentas para construção e composição
Promova a colaboração e a comunidade	Promove a compreensão em vários idiomas	Desenvolve fluências com níveis de suporte qualificados para prática e desempenho
Aumenta o feedback orientado para o domínio	Suporta decodificação de texto, notação matemática e símbolos	Usa diferentes registros para se comunicar
Varia as demandas e recursos para otimizar o desafio	Isto é promovido analisando as frases do exercício do ponto de vista semântico e propondo	



Promove a colaboração e a comunidade

Os feedbacks orientados apoiam o compromisso e a motivação no que diz respeito à elaboração da solução da tarefa diferentes registos ao mesmo tempo (simbólicos e visuais).

# Auto Regulação

Promove expectativas e crenças que otimizam a motivação

Facilita as habilidades e estratégias pessoais de reflexão

Desenvolve autoavaliação e reflexão

As estratégias de avaliação formativa, conforme discutidas na seção 2, podem ajudar na autoavaliação e na reflexão. Mais especificamente, o professor pode fornecer diferentes tipos de feedback

#### Compreensão

Ativa ou fornecer conhecimento prévio

Destaque padrões, recursos críticos, grandes ideias e relacionamentos (ponto de verificação 3.2)

Guia de processamento e visualização de informações

Maximize a transferência e generalização

Percepção, linguagem e símbolos, compreensão (Construir conhecimento utilizável, conhecimento que é acessível para futuras tomadas de decisão, depende não

#### Funções Executivas

Orientar o estabelecimento de metas adequadas

O uso de objetos visuais também pode ser um suporte para a memória. Os objetos visuais orientam o processo de investigação dos alunos, fornecendo feedback para o seu processo.

Apoio ao planeamento e desenvolvimento de estratégia Para resumir as etapas mais eficazes do procedimento de resolução de problemas implementado pode ser um suporte para construir a estrutura de raciocínio



meramente de perceber Facilita a gestão de informações informações, mas de e recursos "habilidades de processamento de informações" ativas) Aumentar a capacidade de monitorizar o progresso

#### 5. Referências

- [1]Black, P., & Wiliam, D. (2009). Developing the theory of formative assessment. Educational
- [2] Assessment, Evaluation and Accountability, 21(1), 5-31.
- [3] Cusi, A., Morselli, F., & Sabena, C. (2017). Promoting formative assessment in a connected classroom environment: design and implementation of digital resources. Vol. 49(5), 755–767. ZDM Mathematics Education.
- [4] Cusi, A., Morselli, F., Sabena, C. (2018). Enhancing formative assessment in mathematical class discussion: a matter of feedback. Proceedings of CERME 10, Feb 2017, Dublin, Ireland. hal-01949286, pp. 3460-3467.
- [5] Karagiannakis, G. N., Baccaglini-Frank, A. E., & Roussos, P. (2016). Detecting strengths and weaknesses in learning mathematics through a model classifying mathematical skills. Australian J. of Learning Difficulties, 21(2), 115-141.
- [6] Universal Design for Learning Guidelines version 2.2, http://udlguidelines.cast.org.